

ANÁLISIS VECTORIAL

CAP: VECTORES EN 2D

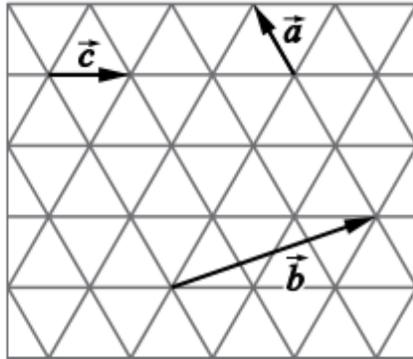
MÉTODOS GRÁFICOS

MÉTODOS ANALÍTICOS

Por Félix Aucallanchi Velásquez

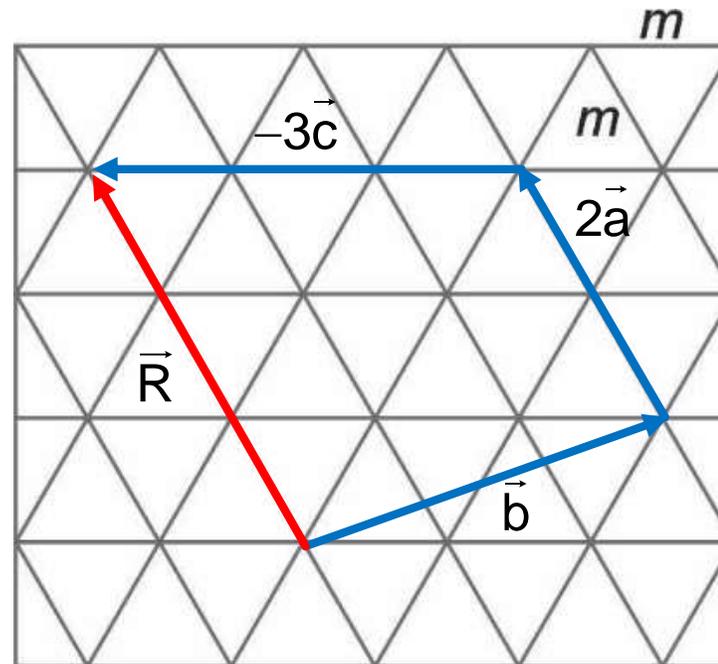
01.- Si los lados de los triángulos equiláteros miden « m », se pide determinar: $|2\vec{a} + \vec{b} - 3\vec{c}|$.

- A) $2m$
- B) $3m$
- C) $4m$
- D) $5m$
- E) $6m$



$$\text{Si: } \vec{R} = 2\vec{a} + \vec{b} - 3\vec{c}$$

$$\text{Nos piden: } |\vec{R}| = |2\vec{a} + \vec{b} - 3\vec{c}|$$

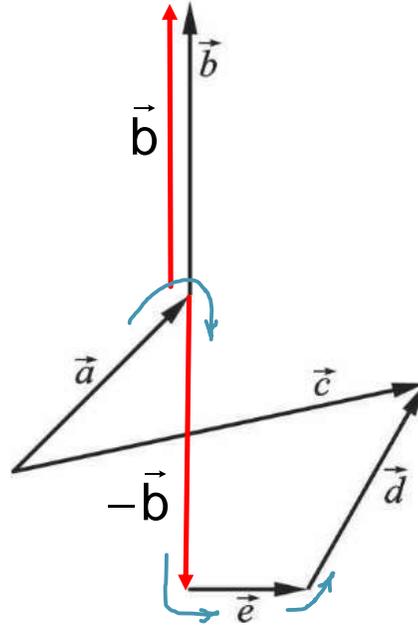
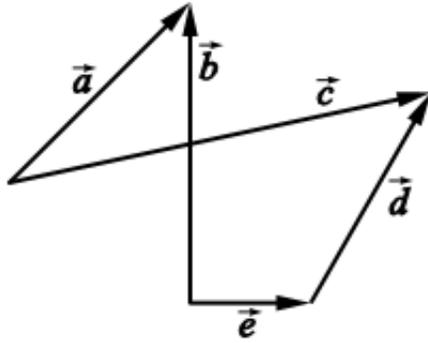


$$\therefore |\vec{R}| = 3m$$

Resp: B

13.- En la figura se da un grupo de vectores.
Su resultante se puede expresar como:

- A) $3\vec{a} - \vec{d}$
- B) $2(\vec{b} + \vec{c})$
- C) $\vec{a} + \vec{c} - \vec{d}$
- D) $2\vec{a} + 3\vec{c}$
- E) $2(\vec{b} + \vec{d})$



$$\vec{R} = \vec{a} + \vec{b} + \vec{c} + \vec{d} + \vec{e}$$

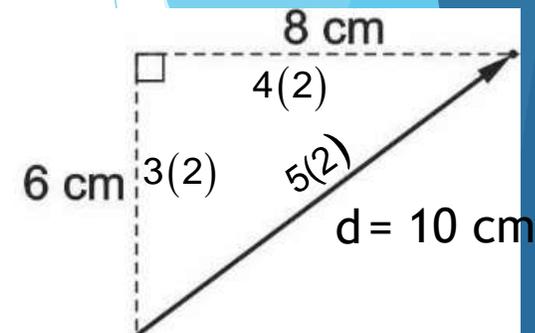
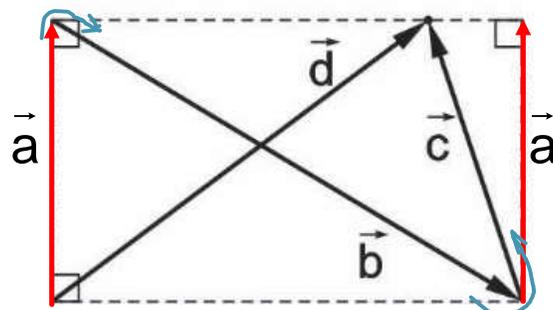
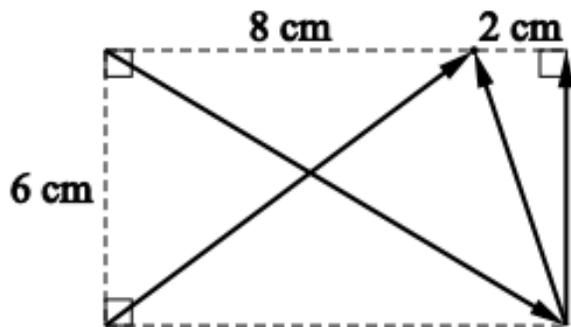
$$\vec{R} = \vec{a} + \underbrace{(-\vec{b}) + \vec{e} + \vec{d}}_{\vec{c}} + \vec{c} + 2\vec{b}$$

$$\rightarrow \vec{R} = 2\vec{b} + 2\vec{c} \quad \therefore \vec{R} = 2(\vec{b} + \vec{c})$$

Resp: B

12.- Calcular el módulo de la resultante del siguiente grupo de vectores.

- A) 16 cm
- B) 18 cm
- C) 15 cm
- D) 20 cm
- E) 24 cm



$$\rightarrow \vec{R} = \underbrace{\vec{a} + \vec{b} + \vec{c}}_{\vec{d}} + \vec{d} \rightarrow \vec{R} = 2\vec{d}$$

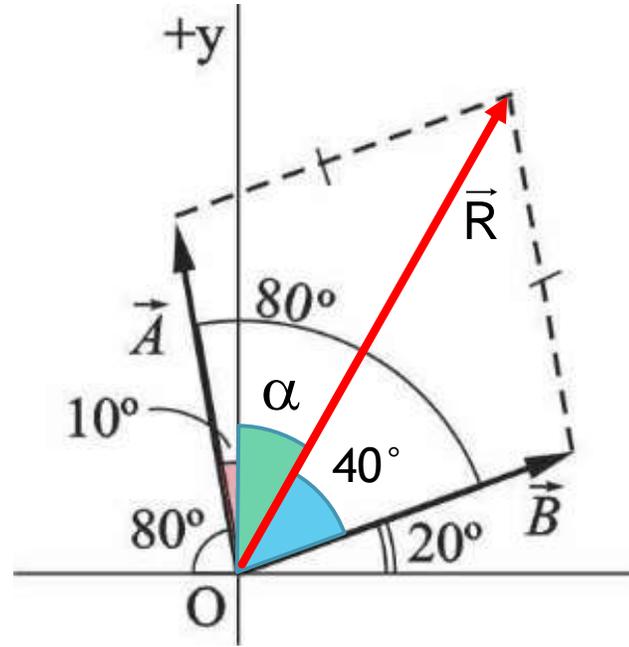
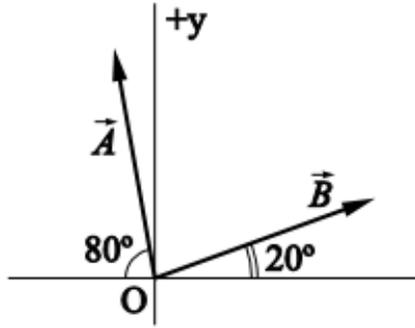
$$\rightarrow |\vec{R}| = 2|\vec{d}| = 2(10\text{ cm})$$

$$\therefore |\vec{R}| = 20\text{ cm}$$

Resp: D

17.- Dado que el par de vectores \vec{A} y \vec{B} presentan módulos iguales, se pide determinar el ángulo que forma la resultante con el eje «y».

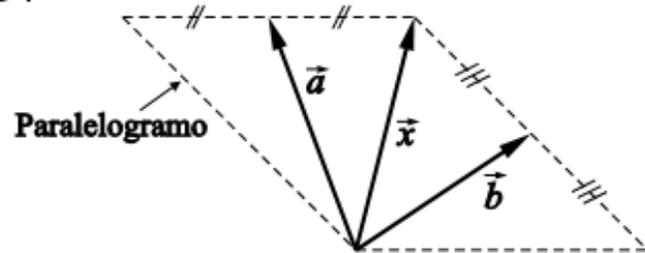
- A) 40°
- B) 15°
- C) 25°
- D) 20°
- E) 30°



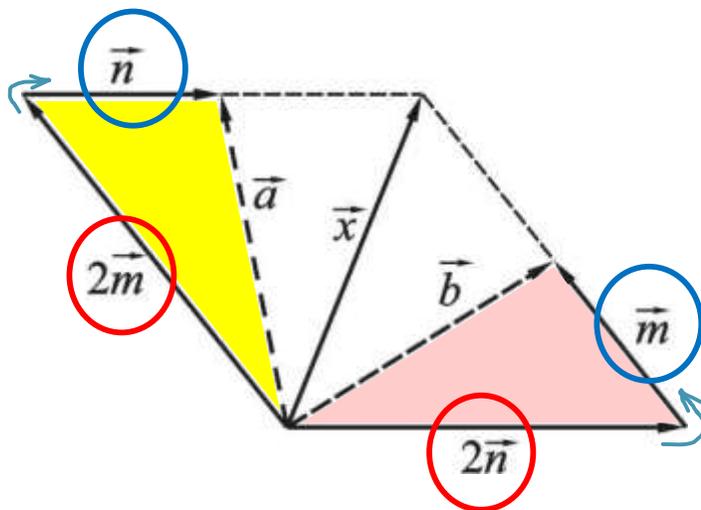
$$\rightarrow \alpha + 10^\circ = 40^\circ \quad \therefore \alpha = 30^\circ$$

Resp: E

08.- Expresar el vector \vec{x} en términos de \vec{a} y \vec{b} .



- A) $2(\vec{a} + \vec{b})$ B) $3(\vec{a} + \vec{b})$ C) $\frac{2}{3}(\vec{a} + \vec{b})$
 D) $\frac{3}{2}(\vec{a} + \vec{b})$ E) $\frac{1}{3}(\vec{a} + \vec{b})$



$$\text{En el } \square: \vec{x} = 2\vec{m} + 2\vec{n} \rightarrow \vec{x} = 2(\vec{m} + \vec{n}) \dots(1)$$

$$\vec{a} = 2\vec{m} + \vec{n} \quad \wedge \quad \vec{b} = 2\vec{n} + \vec{m}$$

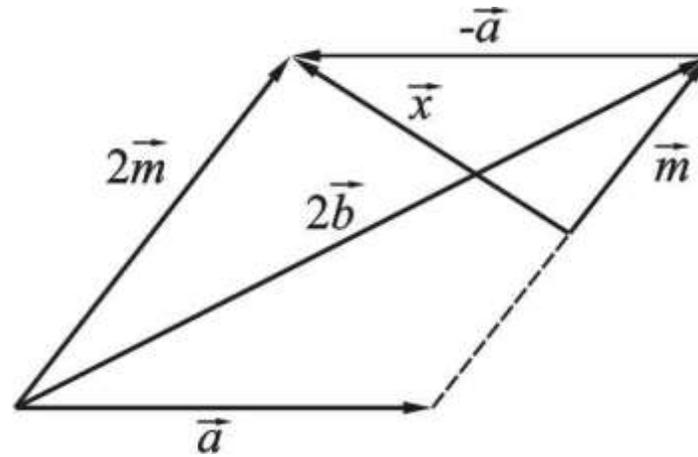
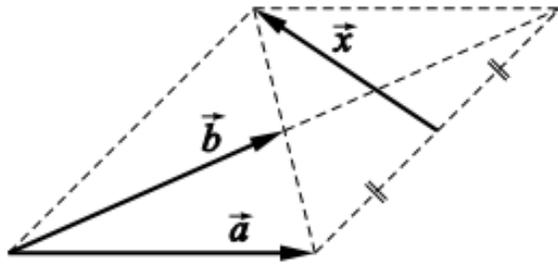
$$\vec{a} + \vec{b} = (2\vec{m} + \vec{n}) + (2\vec{n} + \vec{m})$$

$$\vec{a} + \vec{b} = 3(\vec{m} + \vec{n}) \rightarrow (\vec{m} + \vec{n}) = \frac{1}{3}(\vec{a} + \vec{b}) \dots(2)$$

$$\text{De (2) en(1): } \vec{x} = \frac{2}{3}(\vec{a} + \vec{b})$$

Resp: C

09.- Determinar \vec{x} en función de \vec{a} y \vec{b} .



- A) $\frac{2\vec{b} - 3\vec{a}}{2}$ B) $\frac{\vec{b} - 2\vec{a}}{3}$ C) $\frac{\vec{b} - \vec{a}}{4}$
 D) $\frac{3\vec{b} + \vec{a}}{4}$ E) $\frac{4\vec{a} + \vec{b}}{5}$

En el Δ : $\vec{x} = \vec{m} - \vec{a} \dots (1)$

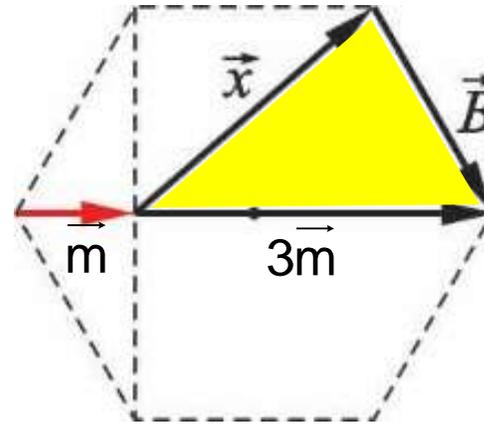
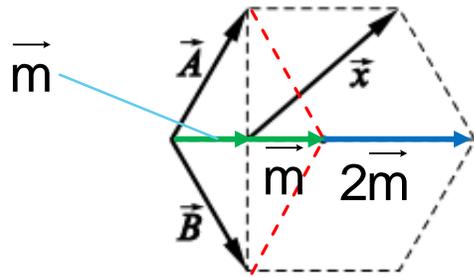
En el \square : $\vec{a} + 2\vec{m} = 2\vec{b} \rightarrow \vec{m} = \frac{1}{2}(2\vec{b} - \vec{a}) \dots (2)$

De (2) en (1) : $\vec{x} = \frac{1}{2}(2\vec{b} - \vec{a}) - \vec{a} \rightarrow \vec{x} = \frac{2\vec{b} - \vec{a} - 2\vec{a}}{2}$

$\therefore \vec{x} = \frac{2\vec{b} - 3\vec{a}}{2}$

Resp: A

10.- Determinar el vector \vec{x} en función de \vec{A} y \vec{B} . La figura es un hexágono regular.



- A) $\frac{\vec{A}-2\vec{B}}{2}$ B) $\frac{3\vec{A}-\vec{B}}{3}$ C) $\frac{2\vec{A}-\vec{B}}{3}$
 D) $\frac{3\vec{A}+\vec{B}}{2}$ E) $\frac{2\vec{A}+3\vec{B}}{5}$

$$\text{Del } \square : \vec{A} + \vec{B} = 2\vec{m} \rightarrow \vec{m} = \frac{1}{2}(\vec{A} + \vec{B}) \dots(1)$$

$$\text{Del } \Delta : \vec{x} + \vec{B} = 3\vec{m} \dots(2)$$

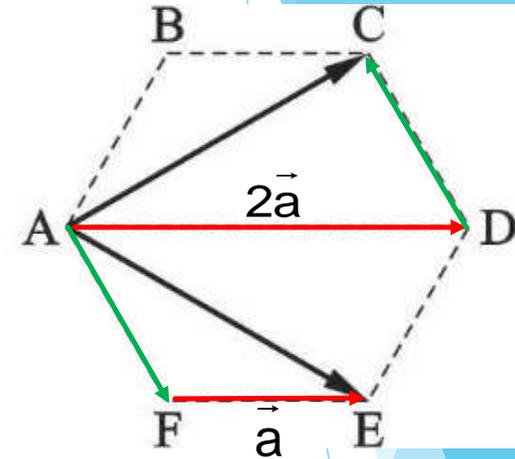
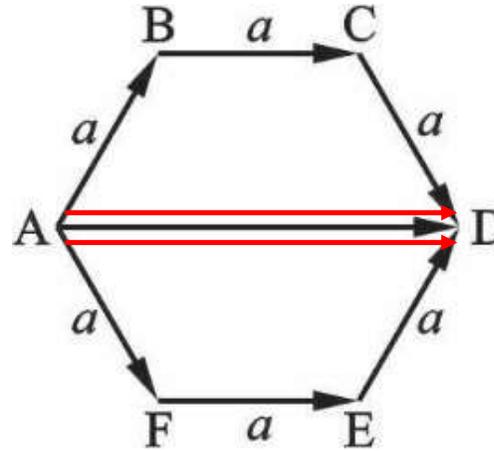
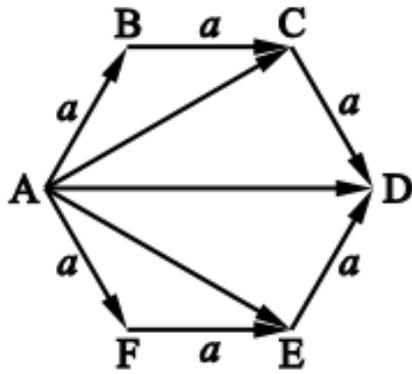
$$\text{De (1) en (2) : } \vec{x} + \vec{B} = \frac{3}{2}(\vec{A} + \vec{B}) \rightarrow \vec{x} = \frac{3}{2}(\vec{A} + \vec{B}) - \vec{B}$$

$$\vec{x} = \frac{3(\vec{A} + \vec{B}) - 2\vec{B}}{2} \therefore \vec{x} = \frac{3\vec{A} + \vec{B}}{2}$$

Resp: D

04.- Determinar el módulo de la resultante del conjunto de vectores mostrados.

- A) $6a$
- B) $9a$
- C) $12a$
- D) $3a$
- E) 0



$$\vec{R} = \underbrace{\vec{AB} + \vec{BC} + \vec{CD} + \vec{AD}}_{\vec{AD}} + \underbrace{\vec{AF} + \vec{FE} + \vec{ED}}_{\vec{AD}} + \underbrace{\vec{AC} + \vec{AE}}$$

$$\vec{R} = 3\vec{AD} + \vec{AD} + \vec{FE} \rightarrow \vec{R} = 4\vec{AD} + \vec{FE}$$

$$\vec{R} = 4(2\vec{a}) + (\vec{a}) = 9\vec{a} \rightarrow |\vec{R}| = 9|\vec{a}| = 9a$$

Resp: B

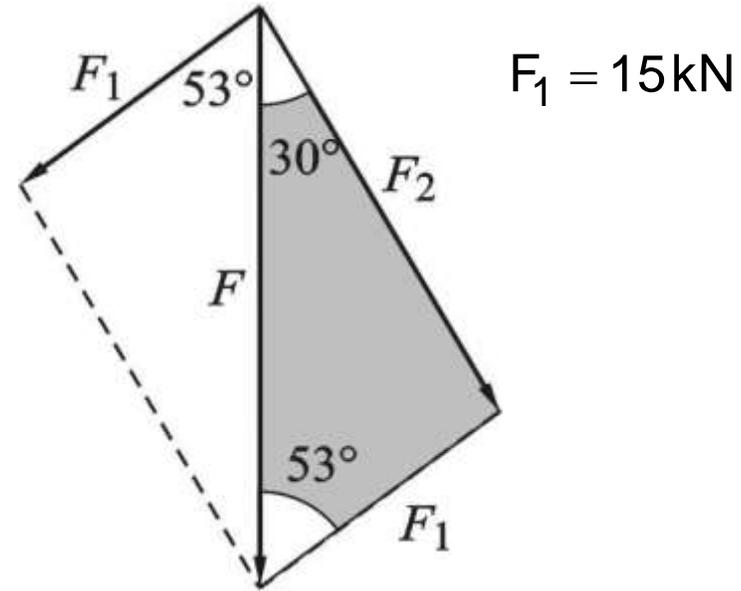
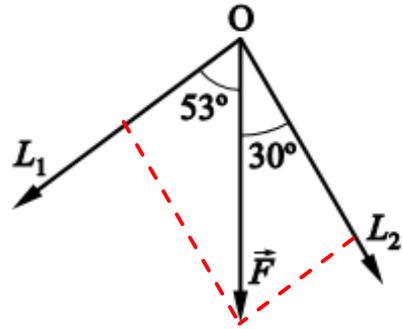
~~$$\vec{AC} = \vec{AD} + \vec{DC}$$~~

~~$$\vec{AE} = \vec{AF} + \vec{FE}$$~~

$$\vec{AC} + \vec{AE} = \vec{AD} + \vec{FE}$$

14.- En la figura se muestra una fuerza \vec{F} aplicada sobre «O». Se sabe que la componente de \vec{F} sobre el eje L_1 tiene una magnitud de 15 kN. Se pide calcular la magnitud de la componente sobre el eje L_2 .

- A) 12 kN
- B) $12\sqrt{3}$ kN
- C) 18 kN
- D) 20 kN
- E) 24 kN



$$\frac{F_2}{\text{sen}53^\circ} = \frac{F_1}{\text{sen}30^\circ} \rightarrow \frac{F_2}{4/5} = \frac{15}{1/2}$$

$$\therefore F_2 = 24 \text{ kN}$$

Resp: E